RHEED 波動場によるオージェ励起とプラズモン励起

Auger and plasmon excitations by RHEED wavefield

堀尾吉已*

Yoshimi Horio

Summary

This study aims to develop the reflection high-energy electron diffraction (RHEED) method. Instead of focusing on electrons escaping into the vacuum as in the conventional method, we investigate the formation of the density distribution of incident electrons (called the "wavefield") on the crystal surface or inside a few atomic layers. The wavefield has been verified by using the correlation with the Auger electron intensity for Si(111) $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag surface. The change in Auger intensity depending on the glancing angle, so called BRAES (Beam Rocking Auger Electron Spectroscopy), showed an increase when the wavefield was on a particular atomic row. The correlation between the wavefield and plasmon excitation was also investigated for Si(111)7 × 7 surface by using newly constructed energy filtered RHEED system. It has been found that the mean number of surface and bulk plasmon excitations correlates with the wavefield for the first time.

キーワード:反射高速電子回折、波動場、オージェ電子分光、プラズモン、Si(111)√3×√3-Ag、 Si(111)7×7

Keywords : reflection high-energy electron diffraction (RHEED), wavefield, Auger electron spectroscopy, Plasmon, Si(111) $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag, Si(111)7 × 7

1. 研究背景

反射電子回折法は表面電子回折法とも呼ばれ、表面 の原子配列に関する情報を得る有力な手法である。入 射電子のエネルギーにより、反射電子回折法は数百 eV 以下の低速電子回折(LEED)法、数 keV 程度の中速電 子回折(MEED)法、そして 5keV 程度以上の反射高速 電子回折(RHEED)法に分類される。入射電子エネル ギーが高くなると入射電子の侵入深さは深くなるとと もに、散乱方向も後方散乱から前方散乱が支配的とな る。このような特性を踏まえ、表面の構造情報をより有 効に得るべく、上記 3 種の反射電子回折法は入射電子 の視射角や蛍光スクリーンの形状・配置を変えている。

反射電子回折法は透過電子回折法のように試料を薄 片化する必要はなく、観測対象の試料表面を清浄化す る手法とともに超高真空環境が備わっていれば観測可 能である。特に結晶試料表面上に薄膜形成させる場合、 RHEED 法は"その場観察"の手法として有効である。 薄膜の原子レベルでの成長・制御のモニターとして半 導体デバイス製作や先端デバイス開発の分野などで広 く活用されている。他にも表面の構造観察として走査 トンネル顕微鏡 (STM) が広く用いられるようになった が、原子座標の詳細な議論には回折法が依然として有 効である。特に STM では局所的な領域の原子配列状態 を実空間像として直接観察できるため、比較的容易に 構造評価できる。しかしながら、電子回折法は入射電子 が照射される表面領域の平均的な構造情報が逆空間情 報として得られるため、構造解析には計算が必要とな る。

反射電子回折法において、入射電子は固体表面原子 との相互作用により弾性散乱と非弾性散乱を含む多重 散乱を経て試料に吸収される。一部の入射電子は試料

^{*} 大同大学工学部電気電子工学科

表面から真空中に反射して、蛍光スクリーンに到達す る。蛍光スクリーン上で発光する回折斑点の幾何学的 配置やその斑点強度は結晶表面の原子配列周期や原子 位置に関する情報を提供する。従来、このような蛍光ス クリーンに映る回折図形が反射電子回折法の主たる情 報源であった。また、弾性散乱電子の多重散乱に関して はその理論的発展もあり、計算シミュレーションによ りその強度を求めることが可能となり、表面構造の解 明に貢献している。

入射電子を試料表面に照射すれば、表面原子を励起 し、その緩和過程として特性 X 線やオージェ電子が放 出される。そのような 2 次的派生物のエネルギー分析 を行えば表面元素分析に活用できることは構造解析と しての反射電子回折法に複合分析法としての性格を付 与する。また、反射回折電子のエネルギー分析を行えば、 特にプラズモン励起を経た非弾性散乱電子の割合やそ の励起頻度も知ることができる。このように反射電子 回折法には広く応用が期待される。しかしながら、その ような現象の基礎的理解は未だ不十分である。従来の 真空中に飛び出して回折図形を形成する電子に注目す るだけでなく、結晶表面近傍で入射電子が形成する電 子密度分布(波動場)を理解することは反射電子回折法 の更なる発展と応用に極めて重要である。

研究の目的

本研究は、反射電子回折法の発展的展開を目指すも のである。従来の真空中に脱出する電子群に注目する のではなく、結晶表面ないし数原子層内部に入射する 電子の振舞い、すなわち入射電子の密度分布(波動場) の形成を計算から求め、実験的に検証するものである。 波動場の検証はこれまでオージェ電子強度との相関性 を用いた。すなわち、入射電子の視射角変化に対するオ ージェ強度の変化(これを BRAES と呼ぶ)を測定し、 計算から求めた波動場が特定の原子列上に乗るとき、 BRAES プロファイル上に強度増大が認められるかの検 証を行ってきた。本研究では、これまでの BRAES 測定 の課題を克服すべく対策を取ると共に新たにプラズモ ンの励起確率にも注目する。本研究では清浄な (i)Si(111)7×7表面構造とその表面上に Ag を蒸着する ことで形成される(ii)Si(111)√3×√3-Ag表面構造、そし て Ge(111) 基板上の Ag 薄膜に対し、Ge の熱拡散により 表面偏析する(iii)ゲルマネン2次元結晶を研究対象とし た。それらの結晶構造と波動場の振舞いとの相関性を 調べ、波動場の実態と役割を明らかにすることを本研 究の目的とする。

2.1 波動場とオージェ励起

従来注目されてきた反射回折電子強度は、逆空間情 報として結晶構造や吸着原子サイトの解明に利用され、 多くの成果を生んだ。しかしながら本研究で扱う入射 電子波動場は結晶内で発生する多くの回折電子波の干 渉により形成される定在波状の電子密度分布であり、 実空間に視点を移したものである。このような観点で 反射電子回折現象を眺めることは、直感では予測し難 い多重散乱電子の結晶内の振舞いを理解するのに役立 ち、学術的に意義深い。また、元素識別を伴う新たな構 造分析手法に発展する可能性や、特定な周期の原子列 に入射電子を局在させ、集中的に励起させる可能性も 有する。

入射電子が結晶表面に形成する波動場は、特に表面 波共鳴(SWR)条件を満たすとき強く表面に局在し、面 内定在波を形成することが知られている。このとき反 射電子回折図形は全体的に明るくなると同時に表面構 造を反映する超格子斑点強度が強くなる。すなわち、 SWR 条件は表面の情報を取得する格好の入射条件と言 える。このような特殊な入射条件下ではオージェ電子 強度も増大するが 1-3)、波動場の計算からもそれを支持 する結果は既に得られている 4-8)。面内定在波を形成す る波動場から原子列の識別は理論上可能と考えられる が、まだ明確にそこまで至っていない。その理由として は、RHEEDの10keV程度の高速入射電子線はオージェ 励起の初期過程である内殻電子の励起を担うことによ り非弾性散乱電子となり、結晶内に散漫する。しかしな がら、その散漫的非弾性散乱電子は更に何回も内殻励 起できるエネルギーを保有するため、2 回、3回、・・・ と複数回のオージェ励起を担う。実際にこのような非 弾性散乱電子がオージェ電子励起の大部分を担う。一 方、入射電子波動場は弾性散乱理論に基づいて計算さ れるため、実験 BRAES プロファイルとの相関性は鈍る と考えられる。実験 BRAES に現れる強度異常を解釈す るには非弾性散乱電子の分布も重ねた総和としての電 子密度分布を用いる必要があるが、本研究では非弾性 散乱電子の関与する割合を減らす対策を施す。即ち、非 弾性散乱電子が関与する割合を低減させるため、 RHEED 入射電子のエネルギーを 10 keV から 5 keV ま で下げ、一度内殻励起を担った非弾性散乱電子が更な る内殻励起を起こす頻度を低下させるようにする。本 研究では、このように非弾性散乱電子の影響を低減さ せた BRAES プロファイルと計算波動場との比較検証 を行うことを第一の目的とする。

2.2 波動場とプラズモン励起

これまで波動場の検証にオージェ電子強度を用いた

が、新たに表面プラズモン損失ピークにも注目する。こ れはエネルギー損失スペクトル(EELS)に現れる弾性 散乱ピーク直下に付随する一連のピークであるため、 疑似弾性散乱電子と見なす事ができる。また、表面プラ ズモンとバルクプラズモンはそれぞれの固有エネルギ ーが異なるため、表面とバルクを識別して波動場の深 さ分布との比較検討が可能である。更に、異種基板上に 形成される2次元結晶を試料として用いれば、基板と2 次元結晶ではプラズモンエネルギーも異なるため、波 動場の深さ分布との相関性も議論できる。そこで入射 電子の視射角を変えながら複数の(高次までの)プラズ モン損失ピーク強度を測定し、そのピーク強度のポア ソン分布からプラズモンの平均励起回数を求め、波動 場との相関性を検証することを第二の目的とする。こ のような波動場とプラズモンとが関わる研究は前例が なく、独自性かつ創造性を有する研究目的である。

研究の方法

3.1 実験装置

本研究では RHEED 入射電子で励起される BRAES プロ ファイル或いは反射回折電子の EELS スペクトルが波動 場と如何なる相関性があるかを調べるため、図1に示 すエネルギーフィルター型 RHEED-AES 装置 ⁹⁻¹¹⁾を用い た。





基本真空度は4×10⁻⁷ Pa、入射電子線の加速電圧は 5 kV と 10 kV の 2 種類を用いた。本装置の特徴は以下 の通りである。

 電子銃の傾斜(入射電子の視射角)は機械的にコン ビュータ制御可能である。新たな設計の下に、電子 銃を支える支柱の長さをステッピングモータによ り伸縮させることで極めて滑らかかつ高精度で視 射角の制御が可能となった。ステッピングモータに 送るパルス信号が17523パルスで視射角1°に相当 するため、単純に計算すれば5.7×10^{-5°}の角度分 解能を有する。

- 2) 試料真上約1cmにはエネルギー分析器(CMA)が 設置されているため、RHEED入射電子で励起され るオージェ電子を検出できる。このオージェ電子分 光はRHEED観察と同時測定可能である。
- 3) 本装置では蛍光スクリーンの試料側に3枚のグリ ッドが設置され、反射回折電子のエネルギーフィル ターとして作用する。中央のグリッドには阻止電圧 を印加し、両側のグリッドは電場のシールド用とし て接地されている。このエネルギーフィルターはハ イパスフィルターとして作用するため、阻止電圧に は高周波ωのモジュレーション電圧が重畳され、ロ ックインアンプにより2ωの周波数成分を抽出・増 幅することによりバンドパスフィルターとして測 定できる。過去にエネルギーフィルター通過後の電 子をチャンネルトロンにより直接検出したが^{12,13)}、 本研究では蛍光スクリーンに映る回折斑点の光強 度を光ファイバーで光電子増倍管に導く手法を採 用した¹⁴⁾。これにより任意の回折斑点を大気中で容 易に選択でき、また空間分解能も 1/10 に高めるこ とができた。

3.2 試料

用いた試料表面は(i)清浄な Si(111)7×7表面、 (ii)Si(111)√3×√3-Ag表面、そして(iii)Ag(111)薄膜上の ゲルマネン 2 次元結晶である。(i)は8-10 Ωcmの n 型 Si(111)単結晶を15×4×0.5 mm³のサイズに切り出し、 大気中で化学エッチした後、超高真空中で約 1200℃の フラッシュ加熱を数回行った試料である。その RHEED 図形は明瞭な7×7超格子斑点が現れ、清浄表面である ことを確認した。(ii)はその Si(111)7 × 7表面を基板とし て、約450℃に保った状態でAgを約1原子層蒸着する ことで形成した表面である。(iii)は Ge(111)単結晶基板 上に Ag 薄膜を30-50 nmほど形成した後、繰り返しス パッタ・アニールにより表面平坦化し、約 500 ℃で加 熱処理した。それにより、基板の Ge 原子が Ag 薄膜中 を熱拡散し、薄膜表面上に析出した Ge がゲルマネンを 形成する。重要な点は、前処理として Ar スパッタとア ニールを繰り返して薄膜表面を平坦化することである が、残念ながら良質な結晶は得られなかったため、外部 研究機関から提供していただいた試料を用いた。

3.3 実験測定の方法

3.3.1 BRAES の測定

入射電子線の視射角を2°/minの速度で変化させなが らSi-LVV(運動エネルギー91eV)とAg-MNN(運動エネル ギー356eV)のオージェ電子強度を測定した。前者の測 定では83~96 eVの13 eVのエネルギー範囲を、後者の 測定では348~368 eVの20 eVのエネルギー範囲を繰り 返し走査することにより、peak to peak 強度をデータロ ガーに記録した。

3.3.2 ロッキング曲線の測定

上記と同様の速度で入射電子線の視射角を変化させ ながら、約1秒毎に RHEED 図形を CCD 撮影し、メモリ ーに保存した。このような画像撮影は KSA-400 システ ムを用いた。実験後は自作プログラムにより注目する 回折斑点を抽出し、積分強度を算出した。

4. 研究成果

4.1 BRAES プロファイルと波動場¹⁵⁾

4.1.1 表面波共鳴(SWR)条件

RHEED の入射電子線が SWR 条件を満たすとき、オージ ェ電子強度の異常が現れることをこれまでの研究から 得ている。そこで、図 2 に Si (111) 7 × 7表面を例に SWR の条件について図示する。図 2 の (a) と (b) は[112]入射 方位における 10keV と 5keV の入射電子エネルギーを用 いた場合の計算 RHEED 図形であり、(c) と (d) は[101]入 射方位での 10 keV と 5 keV の入射電子エネルギーを用 いた場合の計算 RHEED 図形である。ここで SWR を満た す領域は一対の放物線で挟まれる領域で表されており、 [112]方位では±n±n 逆格子ロッド (n は 1 から 3 で、 符号は複号同順)、[101]方位では±n 0 逆格子ロッド (n



図2 Si(111) 7×7表面に対する計算 RHEED 図形。 (a) と(b)は10 keVと5 keVの入射電子エネルギーを用いた 場合の[112]入射方位の図形であり、(c)と(d)は同じく10 keVと5 keVの入射電子エネルギーを用いた場合の[101] 入射方位の図形である。表面波共鳴(SWR)領域は一対の 放物線で挟まれた領域で示される。

は1から3)に関する SWR 領域が描かれている。これら 全ての図において、入射電子の視射角は4°であり、基 本反射斑点と超格子反射斑点はそれぞれ大と小の点で 示され、菊池線は薄い線で描かれている。

SWR 領域を満たす入射電子の視射角 θ は式(1)により求められる。

$$\tan^{-1}\left(\frac{\sqrt{B_m^2 - U}}{K_{0t}}\right) < \theta < \tan^{-1}\left(\frac{B_m}{K_{0t}}\right) \qquad (1)$$

ここで、 $U = 2meV_0/\hbar^2$ であり、 V_0 は平均内部電位で ある。Siの場合は $V_0 = 12$ V であり、Agの場合は $V_0 = 21$ V である。m、eそして \hbar はそれぞれ電子の質量、素 電荷、ディラック定数である。 K_{0t} は真空中の入射電子 の波数ベクトルの表面平行成分である。2 次元逆格子 ベクトル (ロッドベクトル) B_m は、 K_{0t} に垂直で表面に 平行である。特に、 $[11\bar{2}]$ 入射方位の BRAES プロファ イルでは±1±1 逆格子ロッドに関する、 $[10\bar{1}]$ 入射方位 では±20 逆格子ロッドに関する SWR 条件に注目する。 なお、式(1)の視射角 θ の下限値は表面内側(結晶内)の 閾値 $\theta_{\rm IT}$ 、上限値は表面外側(真空中)の閾値 $\theta_{\rm VT}$ を表す。

4.1.2 入射方位[112]における BRAES プロファイル

図 3(a)及び(b)は 10 keV 及び 5 keV 入射電子を用いた 場合の[112]方位の BRAES プロファイルと鏡面反射強 度のロッキング曲線である。両者とも下段には7 × 7表 面、上段には $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面に対して Si-LVV、Ag-MNN のオージェ強度を測定した結果である。グレーの影の 領域は±1±1 逆格子ロッドの SWR 領域である。



図3 [112]入射方位における (a) 10keV 及び (b) 5keV の 入射電子を用いた場合の BRAES プロファイルと鏡面反 射強度のロッキング曲線。(a)、(b) 共に下段は Si (111) 7×7表面、上段は Si (111)√3×√3-Ag表面に対する結 果。

7×7表面では(a)、(b)共に SWR 領域の両端 $\theta_{IT} \ge \theta_{VT}$ で Si-LVV オージェ強度は増大することが観測される (矢印 A、B と矢印 C、D)。 $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面での Si-LVV オージェ強度も程度は鈍るもののやはり $\theta_{IT} \ge \theta_{VT}$ で Si-LVV オージェ強度は増大する。ただし、この表面では Ag の平均内部電位が Si より大きいため θ_{IT} は Si 表面よ りも低角となる。Ag-MNN について(a)では S/N の悪さ で明瞭ではないが、(b)では Si-LVV (矢印 E と F) と同 様に SWR 領域両端の矢印 G と I で強度増大が認められ るが、その領域内部の矢印 H で示す強度増大が認められ るが、その領域内部の矢印 H で示す強度増大が認められ るが、その領域内部の矢印 H で示す強度増大が認められ るが、その領域内部の矢印 H で示す強度増大が認められ

4.1.3 入射方位[101]における BRAES プロファイル

図 4(a)及び(b)は 10 keV 及び 5 keV 入射電子を用いた 場合の[101]方位の実験 BRAES プロファイルと鏡面反 射強度のロッキング曲線である。両者とも下段には 7×7表面、上段には $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面に対して Si-LVV、 Ag-MNNのオージェ強度を測定した結果である。なお、 影の領域は±20 逆格子ロッドの SWR 領域である。



図4 [101]入射方位における (a) 10keV 及び (b) 5keV の 入射電子を用いた場合の BRAES プロファイルと鏡面反 射強度のロッキング曲線。(a)、(b) 共に下段は Si (111) 7×7表面、上段は Si (111) √3×√3-Ag表面に対する結 果。

[112]方位と同様に7×7表面では(a)と(b)共にSWR 領 域の両端でSi-LVVオージェ強度は増大する(矢印A、 Bと矢印G、H)。 $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面でのSi-LVVオージェ 強度も7×7表面(矢印AとB或いは矢印GとH)とほ ぼ同様な視射角で強度増大が観測される(矢印C、Dと 矢印J、K)。更にAg-MNNオージェ強度もほぼ同様な 視射角で強度増大が観測される(矢印E、Fと矢印M、 N)。この方位でもやはり(b)の方が(a)より BRAES プロ ファイルの強度異常が感度高く観測できることがわか る。

以上の結果より、当初の予想通り低エネルギーの 5 keV 入射の方がオージェ強度異常の回折条件依存性は より顕著に現れることが示された。そこで 5 keV 入射 の BRAES プロファイルの強度異常についてまとめれ ば、 $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面に対して[112]入射では Si と Ag の オージェ強度異常の振舞いには違いがあり(図 3(b)の矢 印 H のピーク)、[101]入射では両者の振舞いはほぼ同 じである。この現象を表面構造と波動場の関係から次 に考察する。

4.1.4 Si (111) √3 × √3-Ag表面に対する BRAES 強度 異常と入射電子波動場との関係

Si(111) $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag 表 面 構 造 は HCT (honeycomb chained-triangle) モデル^{16,17)}が Takahasi らの X 線回折 実験により提案された後、IET (inequivalent-triangle) モデル¹⁸⁻²⁰⁾が Aizawa らの第一原理計算から予言された。 その後、Nakahara らの RHEED ロッキング曲線の解析か ら 150 K 以上の温度では IET の Ag の 3 角形が±6°の間を回転運動する r-HCT (rotating honeycomb chained-triangle) モデル²¹⁾が提案されている。本研究ではこの r-HCT モデルに基づき、定性的な波動場の振舞いから前 述の BRAES 強度異常について考察した。

図 5 は Si(111) √3 × √3-Ag表面に対する r-HCT モデル の平面図と断面図であり、少し大きめの丸で Ag 原子、 少し小さな丸で Si 原子を示す。(a)は[112]方位、(b)は [101]方位で電子線を入射させた場合の図である。この 表面構造モデルは Ag の三角形が±6°の間を熱振動し ている。そこで、0°と±6°の特徴的な3つの瞬間を重 ねて描いため、Ag 原子の輪郭と一部の Si 原子の輪郭は 薄くぼけている。√3×√3単位網が表面に菱形で示され ており、その単位網内の3つの代表的 Si 原子と Ag 原 子はそれぞれ A-C と D-F の記号で示す。また、SWR 条件下で表面に形成される定性的波動場が縦縞で描か れている。波動場の電子密度の高い場所は薄く、低いと ころは濃く表示されているが、明瞭に示すためそれぞ れ実線と破線で併記した。(a)は±1±1 逆格子ロッドの SWR 条件を満たす波動場であり、その周期は 1.92 Åで ある。(2)は±20逆格子ロッドの SWR 条件を満たす波 動場であり、その周期は1.66Åである。

[112]入射方位では波動場が D で示される Ag 原子上に乗るとき、E と F で示される他の 2 つの Ag 原子上には中間状態の波動場強度となっており、全体としてAg のオージェ強度は増大すると考えられる。この時、A で示される Si 原子上に波動場は乗るが、B と C で示



図5 Si(111) $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面に対する r-HCT モデルの平面図と断面図。(a) は[112]入射方位、(b) は[101]入射方 位。この表面構造モデルは Ag の三角形が±6°の間を熱振動により回転するが、図では 0°と±6°の特徴的な瞬 間を重ねて描かれている。(a) は±1±1 逆格子ロッドの SWR 条件下の波動場の周期が、(b) は±20 逆格子ロッド の SWR 条件下の波動場の周期が実線と破線で描かれている。実線と破線はそれぞれ入射電子密度の高い場所と低 い場所を示す。 $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ 単位網内の 3 つの代表的 Ag と Si がそれぞれ A-C と D-F の記号で示されている。

される残りの2つの Si 原子上には波動場が乗らないため、全体として Si のオージェ強度は減少すると考えられる。このことが Si-LVV と Ag-MNN のオージェ強度 異常に違いを生む要因と考えられる。

一方、[101]入射方位では D と F で示される 2 つの Ag 原子上に波動場が乗るとき、E で示される 1 つの Ag 原 子上には乗らないが、全体として Ag のオージェ強度は 増大すると考えられる。この時、C で示される 1 つの Si 原子上に波動場が乗るが、A と B で示される 2 つの Si 原子上では中間状態の波動場強度であるため、全体と して Si のオージェ強度は増大すると考えられる。これ により Si-LVV と Ag-MNN は類似した強度異常を示す ものと考えられる。

4.1.5 まとめ

Si(111) $\sqrt{3} \times \sqrt{3}$ -Ag表面に対して、入射電子のエネル ギーを 10keV から 5eV に下げることにより、BRAES プロ ファイルに現れる強度異常をより明瞭に観測できた。 入射方位を変えて Ag-MNN と Si-LVV のオージェ強度 を測定したところ、[112]入射方位では両オージェ強度 異常に違いが見られ、[101]入射方位では類似している という特徴が得られた。r-HCT モデルを基に波動場の周 期性から定性的ではあるが、強度異常の特徴を検証で きた。詳細には動力学的計算による波動場の振舞いを 検討する必要があり、現在進行中である。

4.2 RHEED-EELS スペクトルと波動場²²⁾

4.2.1 スペクトル分解

図6に図1の装置を用いて測定した RHEED-EELS ス ペクトルの一例を示す。Si(111)7×7表面に対し、10keV の入射電子を<112>方位かつ視射角 1.42° で入射した ときの鏡面反射電子のエネルギー損失スペクトルであ る。弾性散乱ピークに付随する非弾性散乱ピークは主 として表面プラズモン励起によるロスピーク群である。 本研究ではバルクプラズモン励起による小さなロスピ ーク群もピーク分解した。そこでは表面プラズモンと バルクプラズモンのカップルされたピークも存在する。 また、バックグランド強度はフォトマルに入力される 光強度に比例するものと仮定した。

各プラズモンピークは Voigt 関数で表現され、その強



図6 RHEED-EELSの解析例。濃い色と少し薄い2つの 太い実線はそれぞれ実験結果と最適フィットした計 算結果を示す。エネルギー0の塗りつぶされたピーク は弾性散乱ピークであり、SPnと BPmはそれぞれ n 次 表面プラズモンと m 次バルクプラズモンによるエネ ルギー損失ピークを示す。Inmは n 次表面プラズモン ロスと m 次バルクプラズモンロスのカップルされた ピーク強度であり、IBCはバックグランド強度である。

度 I_{nm} はエネルギー積分して求めた。n次の表面プラズ モン励起とm次バルクプラズモン励起のカップルされ たプラズモンピーク強度 I_{nm} は次式のポアソン分布を 想定した式(2)で表現される。

$$I_{nm} = \frac{\bar{n}_s{}^n \exp(-\bar{n}_s)}{n!} \cdot \frac{\bar{n}_b{}^m \exp(-\bar{n}_b)}{m!}$$
(2)

最終的には実験スペクトルに最も一致するように表面プラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s とバルクプラズモンの平均励起回数 \bar{n}_b を求めた。そのピーク分解の詳細は割愛するが、最終的に得られた計算スペクトル $I_{cal}(i)$ と実験スペクトル $I_{exp}(i)$ との一致の程度は式(3)に示す決定係数で評価した。

$$R^{2} \equiv 1 - \frac{\sum_{i=1}^{N} \left| I_{exp}(i) - I_{cal}(i) \right|^{2}}{\sum_{i=1}^{N} \left| I_{exp}(i) - \bar{I}_{exp} \right|^{2}}$$
(3)

ここで*i*はスペクトルの*i*-番目のエネルギーであり、0.1 eV 刻みである。Nはスペクトルのエネルギー範囲の中 のデータ数、そして*I_{exp}*は実験スペクトルの平均強度で ある。R²の値が1の場合、計算スペクトルは実験スペク トルを完璧に再現し、0の場合は全く一致しないこと を意味する。

4.2.2 7×7表面構造モデルと回折強度の動力学的 計算

清浄な Si(111)表面に現れる7×7表面構造は 1986 年 高柳らにより DAS (dimer-adatom- stacking fault) モデル ²³⁾が提案され、その構造の実態が明らかにされた。しか しながら、報告されている原子座標の詳細な値には若 干の幅がある。そこで、過去に報告した原子座標²⁴⁾を 用いてロッキング曲線と波動場の動力学的計算^{25,26)}を 行った。その DAS 構造の平面図と断面図を図 7 に示す。 図 7(a)の平面図では菱形の7 × 7単位網が示されており、 1 辺の長さは 26.9 Åである。断面図を眺めれば、最表面 に DAS 構造層があり、その下に第 1 二重層(1st BL)、 第 2 二重層(2nd BL)、…と続く。<112>入射方位では表 面平行方向に周期性が認められるが、それから 7.5°ず らした one-beam 入射方位では表面平行方向の周期性 はなくなり、垂直方向の周期性のみが存在する。そこで、 ロッキング曲線と波動場の計算では、<112>入射方位に おいて 0 次ラウエ帯上の 15 本の逆格子ロッド(11, $\overline{6}/7 \overline{6}/7, ..., \overline{1}/7 \overline{1}/7, 00, 1/7 1/7, ..., 6/7 6/7, 11$



図7 DAS 表面構造モデル。(a) は平面図、(b) と(c) は それぞれ<112>入射方位とそれから7.5° ずらした one-beam 入射方位の断面図。表面の塗りつぶされた 丸はSi の吸着原子を示す。両入射方位に対して計算 された波動場は16Å×16Åの正方形領域内である。

ロッド)を考慮し、one-beam 入射方位において00ロ ッドのみを考慮した。動力学的計算はマルチスライス 法^{27,28)}を用い、結晶ポテンシャルは Si の平均内部電位 が 12V²⁹⁾となるように Doyle-Turner の値³⁰⁾に 86.3 %の 補正を施した。

波動場の計算領域は図7(b)、(c)の断面構造に示す 16×16Å²の正方形内部であり、そこには DAS 構造層 から内部に向かって第3二重層までを含む。第3二重 層と第4二重層の中間の深さ位置を原点と決めれば、 最表面の吸着 Si 原子位置は12.52Åである。

4.2.3 プラズモンの平均励起回数とロッキング曲 線

視射角 θ に対する表面プラズモンの平均励起回数の 理論値は 10keV の電子に対し、Lucas の式(4)で与えら れる。ただしここでは補正係数 β を加えた。



図8 one-beam 入射方位における(a)表面及び バルクプラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s 、 \bar{n}_b の視射 角依存性と(b)ロッキング曲線。ドットと三角印 はそれぞれ \bar{n}_s 、 \bar{n}_b を示す。単調減少の破線は Lucas の理論曲線($\beta = 1$)、実線はそれに $\beta =$ 0.66の補正を行った。上部のドットは決定係数 R^2 で、その値は右軸に記す。(b)は鏡面反射強度 のロッキング曲線であり、実線は実験結果、破 線は計算結果。a-fの視射角における波動場計 算結果は図 10 に示す。

ここで、 ε_0 、 \hbar 、 ν 、eはそれぞれ真空の誘電率、ディ ラック定数、電子の速度、素電荷を表す。

図8及び図9はそれぞれone-beam入射方位及び<112>入射方位における(a)プラズモン平均励起回数と(b)ロッキング曲線を示す。ドットと三角印はそれぞれ表面プラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s とバルクプラズモンの平均励起回数 \bar{n}_b を示す。 \bar{n}_s はいずれの入射方位においても視射角の増大とともに減衰する様相が見られるが、 \bar{n}_b はほぼ 0.5 以下の起伏のある値を示す。

 \bar{n}_s の減衰は1/sin θ に比例し、Lucas の理論³¹)に従う が、その理論式に補正を入れない(即ち、補正係数 β = 1)場合は破線で示すように実験結果とずれが生じる。 図 8(a)の one-beam 入射方位では β = 0.66、図 9(a)の <112>入射方位では β = 0.71とすると理論曲線はほぼ実 験曲線と一致する。したがって、RHEED-EELS におけ る表面プラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s は Lucas の理論値 の約 70%であることがわかった。

 \bar{n}_s の更なる特徴として one-beam 入射方位では 333、 444、555 等の Bragg 反射近傍で緩やかな増大が見られ



図9 <112> 入射方位における(a)表面及びバル クプラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s 、 \bar{n}_b の視射角依 存性と(b)ロッキング曲線。ドットと三角印はそ れぞれ \bar{n}_s 、 \bar{n}_b を示す。単調減少の破線は Lucas の理論曲線($\beta = 1$)、実線はそれに $\beta = 0.71$ の補 正を行った。上部のドットは決定係数 R^2 で、そ の値は右軸に記す。(b)は鏡面反射強度のロッキ ング曲線であり、実線は実験結果、破線は計算 結果。a-cの視射角における波動場計算結果は 図 11 に示す。

る。一方、<112>入射方位においても 333、444 の Bragg 反射付近で \bar{n}_s の緩やかな増大が見られ、それに加えて 視射角 θ =4.2° で鋭いピークが現れた。この現象は過去 に別の RHEED-EELS 測定システムを用いて計測した場 合においても確認された現象である^{32,33)}。この時の鏡 面反射電子強度は図 9(b)に見られるように極めて弱く、 また図 9(a)の挿絵(RHEED 図形)に見られるように4 4 4、 5 1 3、1 5 3の菊池線が交差する位置にある。即ち、 θ =4.2° は鏡面反射電子よりも菊池電子が検出領域に多 く含まれる入射条件である。また、そこでは決定係数 R^2 の値が 1 より低下している。これは一連の表面プラズ モンピーク群がポアソン分布するという想定自体に問 題がある可能性がある。

バルクプラズモンの平均励起回数 \bar{n}_b は one-beam 入射 方位において θ =2.4°、3.0°、3.5°、4.2°そして5.0° (図 8 の上向き矢印)で増大するが、そこでは鏡面反射 強度は減少する。そして下向き矢印で示すように θ =1.3°、1.9°、2.7°、4.0°そして5.2°で \bar{n}_b は減少する が、鏡面反射強度は Bragg 反射条件 (θ =1.9° は除くが) を満たして増大するといった相反する現象が見られる。 一方、<112>入射方位では図 9(a)に示すように、 \bar{n}_b は \bar{n}_s と同様に θ =4.2° で特徴的なピークを示す。また、 \bar{n}_b は θ =2.4° と 3.2° で増大する時 (図 9 の上向き矢印)、鏡 面反射強度は減少する。そして θ =1.4°、2.6°、2.9°、 3.7° そして 4.5° では下向き矢印で示すように \bar{n}_b は減 少し、その時の鏡面反射強度は増大するといった相反 する現象は one-beam 入射方位と同様である。

4.2.4 結晶内の波動場

バルクプラズモン励起を考察するため、まず onebeam 入射方位における結晶内の入射電子波動場を計 算した。図 10 は off-Bragg 条件の(a) θ =2.4°、(b) θ =3.5° そして(c) θ =5.0° と on-Bragg 条件である(d) θ =2.7°、(e) θ =4.0° そして(f) θ =5.2°の波動場の計算 結果を示す。計算結果には結晶表面構造の断面図も薄 く重ねて表示し、各図の左側の縦軸には太線で DAS 構







図11 波動場の計算結果。(a)~(c)は図9のa~cの視射角に対応する。

造層と3つの二重層の深さ位置を示す。(a)~(f)は図8の a~fの視射角に相当する。off-Bragg条件(a)~(c)の波動 場の特徴は互いに似ており、周期的な二重層と二重層 を結ぶ垂直結合手上に電子密度が局在する。このよう な波動場の分布は垂直結合手を担う価電子のバルクプ ラズモン励起を増大させる。また二重層の原子上には 波動場が乗らないことから、散乱は抑制されて入射電 子は結晶内に深く侵入し、バルクプラズモン励起を増 長させたものと考えられる。しかしながら、(d)~(f)の on-Bragg条件において真空中の波動場にはnnn Bragg反 射による定在波が d_{111}/n の間隔で存在するものの、結 晶内では層状構造の周期性はなく、原子層上にも波動 場が乗っている。これにより原子散乱が増大し、入射電 子のバルク侵入が抑制されてバルクプラズモン励起は 減少したものと考えられる。

<112>入射方位における波動場の計算結果は、図11に 示す。(a) $\theta = 3.7^{\circ}$ 、(b) $\theta = 4.2^{\circ}$ そして(c) $\theta = 4.5^{\circ}$ の条 件は図 9 の a~c にそれぞれ対応する。 θ=4.2° はバル クプラズモンの平均励起回数n_bが鋭く増大する視射角 であり、その時の波動場は図 11(b)に示すように極めて 整然と垂直結合手上に波動場が局在する状況であり、 これが結晶内深くまで垂直結合手の価電子がバルクプ ラズモン励起を担ったものと考えられる。θ=3.7°の波 動場ではそのような垂直結合手上の波動場の分布は見 られず、二重原子層上にも波動場が乗っている。θ =4.5°の波動場では一見 θ =4.2°の波動場分布と似て いるが、結晶内の第3二重層付近から波動場が乱れて いることがわかる。以上の結果から垂直結合手上の波 動場の局在がバルクプラズモン励起を増大させたもの と考えられる。しかしながら、one-beam 入射方位の off-Bragg 条件の場合でもせいぜい $\bar{n}_b = 0.5$ 程度であり、 \bar{n}_h が1を超えるような θ=4.2°の鋭いピーク強度は弾性 散乱理論に基づく波動場だけでは説明できず、非弾性 散乱の菊池電子の影響が強いものと考えられる。

4.2.5 真空中の波動場

表面プラズモン励起を考えるためには表面近傍の真空中の入射電子や反射電子を考える必要がある。これらの電子にとって表面プラズモン励起可能な距離を相互作用距離と呼び、図 12 のtで示す。視射角 θ で入射し、反射する電子の相互作用距離内の行路長は $2t/\sin\theta$ で表されるが、それは表面プラズモンの平均自由行程lに表面プラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s をかけた値に等しい。即ち

$$l \cdot \bar{n}_s = \frac{2t}{\sin \theta} \tag{5}$$

Tanuma らの TPP-2M 式 ³⁴⁾を用いて計算すればl = 180Åとなり、 $\beta = 0.7$ と置いて式(4)を用いればt = 3.6 Å



図 12 相互作用距離 t 内の入射電子と 反射電子の行路長(太線)

と見積もられる。

表面プラズモン励起可能な入射電子密度を見積もる ため、表面から相互作用距離t(= 3.6 Å)までの真空中の 波動場強度を積分した結果を図 13 に示す。図 13(a)と (b)はそれぞれ one-beam 入射方位と<112>入射方位の結 果である。なお、T1 から T4 は積分範囲を相互作用距離 t(= 3.6 Å)に保ったまま、その位置を少しづつ表面内部 にずらして計算した結果である。図 13(c)に示すように、 T1 は積分の下限を吸着原子の中心位置とした場合、T2 は吸着原子を含む積分範囲の場合、T3 は DAS 構造内の 吸着原子と第1 層を含む積分範囲の場合、そして T4 は DAS 構造層全体を含む積分範囲の場合である。

図 13(a)の one-beam 入射方位では 333、444,555 等の Bragg 反射条件で波動場の積分強度の増大が見られ、 Bragg 条件下の*n*_sの増大と相関することがわかった。即 ち、表面プラズモン励起の増大は副表面を含む真空中 の強い定在波状の波動場の形成が関わっていると考え られる。その傾向は T1 よりも T3 (或いは T4)の方が 顕著であることから、DAS 構造層の波動場が真空中よ りも強く表面プラズモン励起に関わっているものと考 えられる。

図 13(b)の<112>入射方位においては矢印 A(θ =3.7°) と矢印 C(θ =4.8°)の位置で強度増大が見られる。矢 印 A の位置は11及び1 1の両サイドビームの出射する 入射視射角(3.64°)に相当し、矢印 C の位置は624と 264の回折条件を満たす入射視射角(4.76°)に相当し、 これら2つのピーク位置で図 9(b)のロッキング曲線に ピークが現れ、また図 9(a)の表面プラズモン励起にわず かな増大が見られる。しかしながら、 θ =4.2°の矢印 B では波動場の積分強度には増大が見られないことから、 図 9(a)の表面プラズモンの異常励起が現れる θ =4.2° のピークは真空中の波動場では説明できないことがわ かった。

4.2.6 まとめ

・表面プラズモンの平均励起回数 \bar{n}_s の視射角依存性 は Lucas の理論曲線と同様に $1/\sin\theta$ に比例するが、そ の値は約 70%であることが見い出された。また、その 値を基に表面プラズモン励起の相互作用距離は表面か



図13 (a)と(b)はそれぞれ one-beam 入射方位と<112>入射方位における波動場の積分強度の視射角依存性。(c)は積分範囲t = 3.6Åを維持したまま T1 から T4 までずらした位置を示す。ここで、DAS 構造層は吸着原子、第1層、第2層から成る。

ら真空に向かって 3.6Åであることがわかった。

・one-beam 入射方位において、表面プラズモン励起 は Bragg 反射条件下で緩やかな増大を示し、それは相 互作用距離内の強い定在波状の波動場と相関する。

・バルクプラズモンの平均励起回数*n*_bは視射角変化 に対して 0.5 以下で増減し、それは鏡面反射強度と相反 する振舞いを示す。

・バルクプラズモン励起が増大する off-Bragg 条件下 で、結晶内の波動場は Si の二重層と二重層を結ぶ垂直 結合手上に局在する。その時、入射電子の侵入距離は増 大し、垂直結合手を形成する価電子がバルクプラズモ ン励起に寄与したと考えられる。反対にバルクプラズ モン励起が抑制される Bragg 条件下では、結晶内波動 場は二重層の上にも乗ることにより、原子による散乱 を促し、入射電子の侵入は抑制されたと考えられる。

・<112>入射方位において、視射角 4.2°で表面とバ ルクのプラズモンの平均励起回数が異常増大すること が確認された。この時、鏡面反射強度は極めて弱いため、 その異常増大は検出領域内に含まれる菊池電子による ものと考えられる。バルクプラズモン励起の増大はあ る程度波動場で説明できるが、表面プラズモン励起の 増大は波動場では説明できない。菊池電子に対するプ ラズモン励起の新しい理論展開が今後の課題である。

4.3 Ag 薄膜上の Ge 2 次元膜に対する RHEED-EELS スペクトル

4.3.1 加熱処理に対する表面組成

本試料は Ge(111)基板表面に Ag 薄膜を約 30nm 形成 し、薄膜表面をスパッタ・アニールで平坦後、約 500℃ の加熱処理により基板の Ge 原子が表面に析出してゲル マネンを形成したものである ³⁵⁾。しかしながら、表面 には多種コンタミ元素が存在していた。本実験装置に は図1に示すようにエネルギー分析器(CMA)が設置 されているためオージェ分光法で確認したところ、本 来の Ag と Ge 以外にコンタミ元素として C、O、S、Cl、 N のオージェピークが確認された。これらは Ag 薄膜の 作成途上で付着したものか、大気中搬送で付着したも のか不明である。

そこで、加熱処理を行うことで表面に付着したコン タミ元素の脱離を試みた結果を図 14 に示す。加熱方法 として直接 Ge 基板に通電加熱する方法では Ag 薄膜に ダメージを与える可能性があるため、Ge(111)基板の下 に Ta 箔を敷きそこに通電して加熱し、試料表面温度は 放射温度計で確認した。各温度の加熱温度は 1 分間と し、慎重に加熱温度を上昇させた。オージェ強度は微分 スペクトルの peak to peak 強度として処理し、図 14 で は Ag のオージェ強度で規格化した。図から Cl は 570℃ で脱離し、S は 600℃でほぼ脱離した。その後、O は 600℃付近で急激に脱離が始まり、630℃付近でほぼ消 失した。CもOと同様に 600℃付近で急激に脱離が始 まるものの 650℃付近でも強度は 2/3 程度に留まってい る。GeもCと同様な変化を示しており、GeCの存在が 示唆される。700℃付近でも Geのオージェ強度は存在 しており、これは Geが Ag 薄膜表面上に偏析したもの と思われる。念のため、このような加熱処理した後の試 料表面を SEM 観察したところ、Ag 薄膜の溶融や脱離、 島形態化などの変化は認められず、依然として平坦で あった。650℃から 700℃に向かって Ge の強度が少し 増加していることは更なる Ge の表面析出が考えられ る。なお、N は高温加熱により減少してゆく傾向がある が、700℃付近でも弱いながら残存しており、Ag 薄膜形 成時に膜内に取り込まれた可能性がある。



図14 Ag 薄膜上の表面偏析 Ge 試料の熱処理 過程に対するオージェ強度変化

4.3.2 加熱処理に対する表面構造

このような熱処理過程の中で表面の形態や結晶性を 評価するため RHEED 観察を行ったので図 15 に示す。 記号 A (室温)から I (710℃の加熱)は図 14 に記載す る各熱処理温度に対応している。これらの RHEED 図形 は Ag(111)薄膜に対し<110>入射方位で 10 keV の入射電 子を 0.85°の低視射角で観察したものである。未処理 表面の A では少し配向性を乱した Ag の微結晶が表面 に存在する。D-F ではディフューズとなり、G,I にな ると鏡面反射斑点はストリーク状になることから、表 面は原子レベルでかなり平坦化したように考えられる。 視射角を上げると、Ag のサイドビームが現れ Ag(111) 薄膜の結晶性はよいことがわかった。その薄膜表面上 にはオージェ分析から Geが存在していることが確認さ れた。しかしながら、ゲルマネン結晶を反映する回折斑 点が見られないことから、二次元的に Ge は配置してい るものの、Cと結合しているためか結晶性を失っている 可能性が高いと思われる。



図15 Ag 薄膜上の表面偏析 Ge 試料の 熱処理過程に対する RHEED 図形変化

4.3.3 加熱処理に対する RHEED-EELS スペクトル

このように加熱処理した試料表面は組成変化(コン タミの脱離)と構造変化が観測された。同時に各加熱処 理に対して詳細な RHEED-EELS 測定を行ったので図 16 に示す。記号A(室温)からH(660℃の加熱)は図14 に記載する熱処理温度に対応している。全体として弾 性散乱ピークの半値幅は図6に示すSi(111)7×7表面の 場合(約10eV)と比べて図16では約15eVと広くなっ ている。興味深い点は、A から H に向かって表面の清 浄化と平坦化が進むにつれて非弾性散乱成分の強度が 一様に増加してゆく点である。価電子密度から計算さ れるバルク及び表面のプラズモンエネルギーは Ag に 対してそれぞれ 7.3eV と 5.2eV であり、Ge に対してそ れぞれ 15.5eV と 10.9eV である。Si に対してはそれぞ れ 16.5eV と 11.7eV であり、Si に比べれば Ag のプラズ モンエネルギーは特に小さい。Ag 薄膜上に析出した Ge はせいぜい 1-2 原子層程度と考えられるため、Ge よ りは Ag 薄膜によるプラズモンロスが支配的と考えら れる。しかしながら Ag のプラズモンエネルギーは小さ いため、弾性散乱ピークに重なれば、ピーク分解が困難 になる。それが弾性散乱ピークの幅を広め、さらに弾性 散乱ピーク位置から起伏のない非弾性散乱強度が尾を 引く形状となったものと考えられる。また、AからHに 向かって表面の清浄化と平坦化が進み、高次のプラズ

モン励起が増大するためか(平均励起確率の増大)、ロ スエネルギーに沿った一連の非弾性散乱成分が一様に 増大した可能性があると思われる。この結果はAg薄膜 の清浄性、結晶性、平坦性が大きく関与するものと考え られる。



4.3.4 まとめ

今回、残念ながら良質なゲルマネン結晶の形成に至 らなかったため、その2次元結晶が EELS に与える影響 についての知見は得られなかった。しかしながら、 Ge(111)基板上の Ag 薄膜試料を加熱処理したところ、 Ge の表面析出を確認した。また、加熱温度の上昇に伴 い、コンタミの脱離及び表面の平坦化が進行するとと もに EELS スペクトルには系統的変化、即ち、非弾性散 乱強度が尾を引く大変興味深い現象が観測された。こ の特徴的変化は何に起因するのかも含め、今後の更な る研究が望まれる。

謝辞

本研究は JSPS 科研費 19K05277 の助成を受けたもの であり、感謝の意を表す。

参考文献

- 1) Y. Horio and A. Ichimiya, Physica B 117 & 118, 792 (1983).
- 2) A. Ichimiya and Y. Takeuchi, Surf. Sci. 128, 343 (1983).

- 3) Y. Horio and A. Ichimiya, Surf. Sci. 164, 589 (1985).
- 4) Y. Horio, Jpn. J. Appl. Phys. 37, L164 (1998).
- 5) Y. Horio and D. Sakai, Jpn. J. Appl. Phys. 48, 066501 (2009).
- Y. Horio, Y. Takakuwa and S. Ogawa, Surf. Interface Anal. 46, 1165 (2014).
- Y. Horio, Y. Takakuwa, S. Ogawa and K. Abe, e-J. Surf. Sci. Nanotech. 14, 92 (2016).
- Y. Horio, R. Yamazaki, J. Yuhara, Y. Takakuwa and M. Yoshimura, e-J. Surf. Sci. Nanotech. 16, 88 (2018).
- Y. Horio, Y. Hashimoto, K. Shiba and A. Ichimiya, Jpn. J. Appl. Phys. 34, 5869 (1995).
- Y. Horio, Y. Hashimoto and A. Ichimiya, Appl. Surf. Sci. 100/101, 292 (1996).
- 11) Y. Horio, Jpn. J. Appl. Phys. 35, 3559 (1996).
- 12) Y. Horio, Jpn. J. Appl. Phys. 41, L736 (2002).
- 13) Y. Horio, Hyomen Kagaku, 24, 145 (2003) (in Japanese).
- H. Nakahara, T. Hishida and A. Ichimiya, Appl. Surf. Sci. 212/213, 157 (2003).
- Y. Horio, H. Nakahara, J. Yuhara and Y. Takakuwa, e-J. Surf. Sci. Nanotechnol. 18, 139 (2020).
- 16) T. Takahashi, S. Nakatani, N. Okamoto, T. Ishikawa, S. Kikuta, Jpn. J. Appl. Phys. 27, L753 (1988).
- T. Takahashi, H. Tajiri, K. Sumitani, K. Akimoto, H. Sugiyama,X. Zhang, and H. Kawata, Surf. Rev. Lett. 10, 519 (2003).
- 18) H. Aizawa, M. Tsukada, N. Sato, and S. Hasegawa, Surf. Sci.429, L509 (1999).
- 19) I. Matsuda, H. Morikawa, C. Liu, S. Ohuchi, S. Hasegawa, T. Okuda, T. Kinoshita, C. Ottaviani, A. Cricenti, M. D'angelo, et al., Phys. Rev. B 68, 085407 (2003).
- K. Kakitani, A. Yoshimori, H. Aizawa, and M. Tsukada, Surf. Sci. 493, 200 (2001).
- 21) H. Nakahara, T. Oya, Y. Saito and A. Ichimiya, e-J. Surf. Sci. Nanotech. 4, 414 (2006).
- 22) Y. Horio, H. Nakahara, J. Yuhara, Y. Takakuwa, e-J. Surf. Sci. Nanotechnol. **20**, 76 (2022).
- K. Takayanagi, Y. Tanishiro, M. Takahashi and S. Takahashi, Surf. Sci. 164, 367 (1985).
- 24) Y. Horio and A. Ichimiya, Surf. Sci. 219, 128 (1989).
- 25) Y. Horio and A. Ichimiya, Surf. Sci. 348, 344 (1996).
- 26) Y. Horio, Phys. Rev. B 57, 4736 (1998).
- 27) A. Ichimiya, Jpn. J. Appl. Phys. 22, 176 (1983).
- A. Ichimiya and P. I. Cohen, *Reflection High Energy Electron Diffraction* (Cambridge University Press, Cambridge, 2004).
- 29) Y. Horio and A. Ichimiya, Surf. Sci. 133, 393 (1983).
- 30) P. A. Doyle and P. S. Turner, Acta Crystallogr. A 24, 390 (1968).
- 31) A. A. Lucas and M. Šunjić, Phys. Rev. Lett. 26 (1971) 229.
- 32) Y. Horio, in; Development of diffracted electron spectroscopy in

RHEED and its application to structural and morphological study on crystal surface, Research Report of KAKEN (11650034), 2001.

- T. Hara, *Plasmon energy loss in RHEED*, Master's thesis, Daido University, 2002.
- 34) S. Tanuma, C.J. Powell, D. R. Penn, Surf. Interface Anal. 21, 165 (1994).
- 35) J. Yuhara, H. Shimazu, K. Ito, A. Ohta, M. Araidai, M. Kurosawa, M. Nakatake, and G. Le Lay, ACS Nano 12, 11632 (2018).